

## تصحيح إمتحان النمذجة و المحاكاة العددية

التمرين الأول: (15 نقطة)

02pts

1. يتم من خلال الأجزاء الثلاثة في الشفرة على الترتيب مايلي:

- حساب الدور و الأعداد العشوائية الصحيحة المحصورة بين 0 و  $m - 1$  و الأعداد العشوائية الحقيقية المحصورة بين 0 و 1.
- تشكيل ثنائيات من الأعداد العشوائية الحقيقية المحصورة بين 0 و 1.
- حساب عدد الكرات في السلات.

2. التعليمة *print* تمكننا من عرض النتائج على الشاشة فقط أما التعليمة *write* فتمكننا من عرض النتائج على الشاشة أو

01pt

حفظها في ملف.

3. نحصل من خلال الجزء الثاني على عشوائية و إنتظام الأعداد العشوائية أما الجزء الثالث فنحصل من خلاله على الإنتظام.

02pts

4. النتائج التي تقوم الشفرة بطباعتها بعد التنفيذ:

file.10	1	1	7.6923076923076927E-002
file.10	2	4	0.30769230769230771
file.10	3	13	1.0000000000000000
file.10	4	12	0.92307692307692313
file.10	5	9	0.69230769230769229
file.10	6	0	0.0000000000000000

05pts

file.11	1	7.6923076923076927E-002	0.30769230769230771
file.11	2	1.0000000000000000	0.92307692307692313
file.11	3	0.69230769230769229	0.0000000000000000

03pts

file.12	1	1
file.12	2	1
file.12	4	1
file.12	4	2
file.12	3	1
file.12	1	2

02pts

02pts

1. طريقة مونت كارلو هي طريقة تستخدم الأعداد العشوائية (أو شبه العشوائية) لحساب أو تقدير التكاملات.
2. خطوات المعاينة البسيطة لمونت كارلو بإستعمال طريقة الخطأ و الإصابة لحساب أو تقدير التكامل  $\int_a^b f(x) dx$ ، حيث

03pts

$f(x) > 0$  من أجل قيم  $x$  في المجال  $[a, b]$ :

- نختار مستطيلا طولا ضلعيه  $b - a$  و  $h$  حيث أن الدالة  $f(x)$  تكون داخل حدود هذا المستطيل.
- نختار  $N$  زوج من الأعداد العشوائية المنتظمة  $(x_i, y_i)$  حيث  $a \leq x_i \leq b$  و  $0 \leq y_i \leq h$ .
- نقوم بحساب قيمة الدالة  $f$  من أجل  $x_i$  في كل مرة من أجل الحصول على عدد النقاط  $N_{in}$  التي تحقق  $y_i \leq f(x_i)$ .
- أخيرا نحصل على تقدير لقيمة التكامل كمايلي:

$$\int_a^b f(x) dx = A \frac{N_{in}}{N}, \quad A = h(b - a).$$

```

program randomness
implicit none
integer , parameter :: N=100, Nbins=4
integer :: a , c , x (1:N+1), q, m, period , i , binnum , p (1: Nbins)
double precision :: r (1: N+1), wbin , s
! ***** FIRST PART *****
call random_number(s)
period=1
a=3; c=1; m=14; x(1)=1; r(1)=x(1)*1.d0/(m-1)
write(10,*) period , x(1) , r(1)
print *, " file .10 ", period , x(1) , r(1)
do i=1,N
q=a*x(i)+c
x(i+1)=mod(q,m)
if (x(i+1).eq.x(1)) exit
r(i+1)=x(i+1)*1.d0/(m-1)
period=period+1
write(10,*) period , x(i+1), r(i+1)
print *, " file .10 ", period , x(i+1), r(i+1)
enddo
! ***** SECOND PART *****
do i=1,period/2
write(11,*) i , r(2*i-1), r(2*i)
print *, " file .11 ", i , r(2*i-1), r(2*i)
enddo
! ***** THIRD PART *****
wbin=0.25d0
p=0
do i=1,period
binnum=int(r(i)/wbin)+1
if (binnum.gt.Nbins) then
binnum=Nbins

```

```
endif  
p(binnum)=p(binnum)+1  
write(12,*) binnum,p(binnum)  
print*, "file .12",binnum,p(binnum)  
enddo  
  
end program randomness
```